

# 高效的可证明安全的无证书聚合签名方案

杜红珍<sup>1</sup>, 黄梅娟<sup>1</sup>, 温巧燕<sup>2</sup>

(1. 宝鸡文理学院数学系, 陕西宝鸡 721013; 2. 北京邮电大学网络与交换技术国家重点实验室, 北京 100876)

**摘要:** 利用双线性对构造了一个高效的无证书聚合签名方案, 在随机预言机模型下给出了方案的安全性证明, 其安全性基于计算 Diffie-Hellman 难题. 与已有的无证书聚合签名方案相比, 本文方案更能提高签名验证与传输效率, 因聚合签名的验证只需要计算 4 个双线性对, 签名的长度是固定的, 仅有 320bits, 是目前最短的无证书聚合签名.

**关键词:** 无证书公钥密码体制; 聚合签名; 计算 Diffie-Hellman 难题; 双线性对

**中图分类号:** TN918      **文献标识码:** A      **文章编号:** 0372-2112 (2013)01-0072-05

**电子学报 URL:** <http://www.ejournal.org.cn>      **DOI:** 10.3969/j.issn.0372-2112.2013.01.014

## Efficient and Provably-Secure Certificateless Aggregate Signature Scheme

DU Hong-zhen<sup>1</sup>, HUANG Mei-juan<sup>1</sup>, WEN Qiao-yan<sup>2</sup>

(1. Department of Mathematics, Baoji University of Arts and Sciences, Baoji, Shaanxi 721013, China;

2. State Key Laboratory of Networking and Switching Technology, Beijing University of Posts and Telecommunications, Beijing 100876, China)

**Abstract:** This paper proposes an efficient certificateless aggregate signature scheme from bilinear pairings. Its security proof is given in the random oracle model and it can be reduced to computational Diffie-Hellman problem. Compared with the existing certificateless aggregate signature schemes, our scheme drastically improves the efficiency of signature communication and verification since the verification algorithm only requires 4 pairings, and the length of the signature generated by our scheme is only about 320 bits, which is the shortest certificateless aggregate signature.

**Key words:** certificateless public key cryptography; aggregate signature; computational Diffie-Hellman problem; bilinear pairings

### 1 引言

为了简化基于证书的公钥密码体制中的密钥管理以及证书撤销问题, Shamir<sup>[1]</sup>提出了基于身份的公钥密码体制 (Identity-based Public Key Cryptography, ID-PKC). 目前已有许多基于身份的加密、签名方案<sup>[2~5]</sup>被提出, 但 ID-PKC 存在 1 个固有的缺陷, 即密钥托管问题. 为了解决该问题, Al-Riyami 和 Paterson<sup>[6]</sup>于 2003 年提出了无证书公钥密码体制 (Certificateless Public Key Cryptography, CLPKC), CLPKC 有效地解决了 ID-PKC 的密钥托管问题, 同时也避免了证书公钥体制中的存储和管理证书的问题, 对 CLPKC 的研究是密码学的前沿和热点.

聚合签名 (Aggregate Signature) 的概念是由 Boneh 等<sup>[7]</sup>在 2003 年提出的, 所谓聚合签名, 就是  $n (> 1)$  个用户  $P_i (1 \leq i \leq n)$  分别对  $n$  个不同的消息  $m_i$  进行签名, 这  $n$  个签名可以被聚合成一个签名, 而验证方只需要检验聚合后的这一个签名便可以确认是否是  $P_i$  对  $m_i$

做的签名. 目前, 已有若干无证书聚合签名 (Certificateless Aggregate Signature, CLAS) 方案<sup>[8~10]</sup>被提出, 在文献 [8] 中, Gong 等构造了两个 CLAS 方案, 但在方案 I 中, 聚合签名的长度随签名人数的增加而变长, 还有签名的验证计算量很大. 方案 II 仍是效率低, 签名验证需要计算  $(n+2)$  个很费时的双线性对, 且这两个方案的安全性证明是在弱的敌手模型假设下进行的, 其安全性有待进一步检测. 2009 年, Zhang 等<sup>[9]</sup>提出了一个 CLAS 方案, 但方案还是效率低, 生成的聚合签名的长度依赖于签名人数, 且签名验证需计算  $(n+3)$  个双线性对. 2010 年, Zhang 等<sup>[10]</sup>又在文献 [9] 的基础上给出了一个改进方案, 该方案与文献 [9] 的方案相比效率提高了, 但仍有不足: 如需要密钥生成中心 KGC 为每个签名人生成的部分私钥增加成 2 个群元素, 且每次签名都要求每个签名人维护一个共同的状态信息.

针对以上不足, 本文利用双线性对构造了一个 CLAS 方案, 它在随机预言机模型和计算 Diffie-Hellman

困难假设下是存在性不可伪造的,跟已有文献[8~10]相比较,本文方案的优点如下:(1)聚合签名长度是固定的,不会随签名人数的改变而改变,其长度仅有320bits,是目前最短的无证书聚合签名;(2)签名的验证仅需4个双线性对的计算,是目前效率最高的。

## 2 无证书聚合签名的定义及安全模型

### 2.1 CLAS 定义

**定义 1** 1 个 CLAS 方案由 6 个算法构成: Setup, Partial-Private-Key-Extract, UserKeyGen, CL-Sign, Aggregate 和 Verify.

**Setup** 该算法由 KGC 执行,输入安全参数  $k$ , 输出系统主密钥  $s$  和系统参数  $\text{params}$ .

**Partial-Private-Key-Extract** 由 KGC 执行,输入  $\text{params}$ ,  $s$  和用户身份  $ID_i$ , 返回部分私钥  $d_{ID_i}$ .

**UserKeyGen** 由用户  $ID_i$  执行,输入  $\text{params}$ ,  $ID_i$  和秘密值  $x_i$  ( $x_i$  由用户  $ID_i$  选取), 输出秘密值/公钥 ( $x_i/pk_{ID_i}$ ).

**CL-Sign** 由用户  $ID_i$  执行,输入  $\text{params}$ ,  $d_{ID_i}$ ,  $x_i$ ,  $pk_{ID_i}$  及消息  $m_i$ , 输出 (普通) 签名  $\sigma_i$ .

**Aggregate** 由聚合人执行,输入  $n$  个有效的身份信息-公钥-签名对  $(ID_i, m_i, pk_{ID_i}, \sigma_i) (1 \leq i \leq n)$ , 输出这  $n$  个签名  $\sigma_i$  的聚合签名  $\sigma$ .

**Verify** 输入  $\text{params}$ ,  $n$  个身份-消息-公钥对  $(ID_i, m_i, pk_{ID_i}) (1 \leq i \leq n)$  及聚合签名  $\sigma$ , 输出“1”表示签名有效, 而“0”则签名无效。

### 2.2 CLAS 的安全模型

**定义 2** 一个 CLAS 方案在适应性选择消息攻击下是存在性不可伪造的 (EUF-CLAS-CMA), 如果存在敌手  $A_1, A_2$  在以下两个 Game 中获胜的概率是可以忽略的。

#### Game 1

挑战者  $C$  输入安全参数  $k$ , 运行 Setup 算法产生系统主密钥  $s$  和系统参数  $\text{params}$ , 发送  $\text{params}$  给  $A_1$ , 秘密保存  $s$ .  $A_1$  询问以下预言机:

- Hash 询问:  $A_1$  可以访问方案中所有 Hash 预言机并得到 Hash 值。

- Partial-Private-Key-Extract 询问: 当  $A_1$  查询用户  $ID_i$  的部分私钥时,  $C$  运行 Partial-Private-Key-Extract 算法生成部分私钥  $d_{ID_i}$  并返回给  $A_1$ .

- Secret-Value 询问: 当  $A_1$  询问  $ID_i$  的秘密值时,  $C$  运行 UserKeyGen 算法生成  $x_i$  并返回给  $A_1$ , 若  $ID_i$  的公钥已被替换, 则输出“ $\perp$ ”。

- Public-Key 询问: 当查询  $ID_i$  的公钥时,  $C$  运行 UserKeyGen 算法产生  $pk_{ID_i}$  并返回给  $A_1$ .

- Replace-Public-Key 询问: 对任意用户  $ID_i$ ,  $A_1$  能用

自己选取的公钥  $pk'_{ID_i}$  代替  $ID_i$  的公钥  $pk_{ID_i}$ .

- CL-Sign 询问: 输入消息  $m_i$ , 身份  $ID_i$  和公钥  $pk_{ID_i}$ ,  $C$  运行 CL-Sign 算法生成签名  $\sigma_i$  并返回给  $A_1$ .

最后,  $A_1$  输出 1 个有效的身份-公钥-聚合签名  $(ID_i^*, pk_{ID_i}^*, \sigma^*) (1 \leq i \leq n)$ , 且满足以下条件, 则  $A_1$  获胜:

(1) 至少有一个  $ID_i^* \in \{ID_1^*, ID_2^*, \dots, ID_n^*\}$  没有既提交给 Replace-Public-Key 预言机又同时提交给 Partial-Private-Key-Extract 预言机;

(2)  $(m_i^*, ID_i^*)$  没有经过 CL-Sign 询问。

#### Game 2

挑战者  $C$  输入安全参数  $k$ , 运行算法 Setup 来产生系统主密钥  $s$  和系统参数  $\text{params}$ , 然后发送  $\text{params}$  和  $s$  给  $A_2$ .  $A_2$  询问以下预言机:

- Hash 询问, - Secret-Value 询问, - Public-Key 询问和 - CL-Sign 询问: 分别与 Game 1 中的相应预言机应答相同。

最后,  $A_2$  输出 1 个有效的身份-公钥-聚合签名  $(ID_i^*, pk_{ID_i}^*, \sigma^*) (1 \leq i \leq n)$ , 且满足以下条件, 则  $A_2$  获胜:

(1) 至少有一个  $ID_i^* \in \{ID_1^*, ID_2^*, \dots, ID_n^*\}$  没有经过 Secret-Value 询问;

(2)  $(m_i^*, ID_i^*)$  没有经过 CL-Sign 询问。

## 3 本文方案

### 3.1 方案构造

本节提出了 1 个 CLAS 方案, 由以下 6 个算法构成:

**Setup** 给定安全参数  $k$ , KGC 选择两个阶为大素数  $q > 2^k$  的群  $G_1$  和  $G_2$ ,  $P$  是群  $G_1$  的 1 个生成元, 一个修正的 Weil 对映射  $e: G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$  ( $e$  具有对称性), 4 个安全 Hash 函数  $H_1 \sim H_3: \{0, 1\}^* \rightarrow G_1$ ,  $H_4: \{0, 1\}^* \rightarrow Z_q^*$ , 再选随机数  $s \in Z_q^*$  作为系统主密钥, 令系统公钥  $P_{pub} = sP$ . 公开系统参数  $\text{params}: \{k, e, G_1, G_2, P, P_{pub}, H_1, H_2, H_3, H_4\}$ , 秘密保存  $s$ .

**Partial-Private-Key-Extract** 对身份  $ID_i$ , KGC 计算其部分私钥  $d_{ID_i} = sQ_i$ , 其中  $Q_i = H_1(ID_i)$ .

**UserKeyGen** 用户  $ID_i$  选随机数  $x_i \in Z_q^*$  作为秘密值, 计算  $pk_{ID_i} = x_iP$  作为公钥。

**CL-Sign** 给定  $\text{params}$ , 消息  $m_i$ , 用户  $P_i$  的身份  $ID_i$  和公钥  $pk_{ID_i}$  (便于描述, 本文假定用户  $P_i$  要签名的消息就是  $m_i$ ),  $P_i$  签名如下:

(1) 选随机数  $r_i \in Z_q^*$ , 计算  $U_i = r_iP$ ,  $T = H_2(P_{pub})$ ,  $W = H_3(P, P_{pub})$ ,  $h_i = H_4(m_i, ID_i, pk_{ID_i})$ ;

(2) 计算  $V_i = r_iT + h_i(d_{ID_i} + x_iW)$ .

则  $\sigma_i = (U_i, V_i)$  就是  $P_i$  对消息  $m_i$  的签名。

**Aggregate** 聚合人收到  $n$  个签名  $\sigma_i = (U_i, V_i) (1 \leq i \leq n)$  后, 计算  $T = H_2(P_{pub})$ ,  $W = H_3(P, P_{pub})$  和  $h_i = H_4(m_i, ID_i, pk_{ID_i})$ , 接受  $\sigma_i$  当且仅当

$e(P, V_i) = e(U_i, T) e(P_{pub}, h_i Q_i) e(h_i pk_{ID_i}, W)$  成立.

验证  $n$  个  $\sigma_i$  有效后, 计算  $U = \sum_{i=1}^n U_i$  和  $V = \sum_{i=1}^n V_i$ , 则  $\sigma = (U, V)$  就是身份-公钥为  $(ID_i/pk_{ID_i}) (1 \leq i \leq n)$  的  $n$  个签名人对  $n$  个消息  $m_i$  的聚合签名.

**Verify** 给定  $(m_i, ID_i, pk_{ID_i}) (1 \leq i \leq n)$  及聚合签名  $\sigma = (U, V)$ , 验证人操作如下:

1) 计算  $T = H_2(P_{pub})$ ,  $W = H_3(P, P_{pub})$ ,

$h_i = H_4(m_i, ID_i, pk_{ID_i}) (1 \leq i \leq n)$ ;

2) 接受  $\sigma$  当且仅当

$e(P, V) = e(U, T) e(P_{pub}, \sum_{i=1}^n h_i Q_i) e(\sum_{i=1}^n h_i pk_{ID_i}, W)$ .

### 3.2 方案的安全性分析

**定理 1** 在随机预言机模型和计算 Diffie-Hellman 困难假设下, 本文的 CLAS 方案在适应性选择消息攻击下是存在性不可伪造的 (EU-CLAS-CMA).

定理 1 由引理 1 和引理 2 推导出.

**引理 1** 在随机预言机模型下, 假定敌手  $A_1$  在时间  $t$  内以不可忽略的优势  $\epsilon$  突破了本文方案, 记  $A_1$  访问  $H_1$  预言机, Partial-Private-Key-Extract 预言机, Public-Key 预言机, CL-Sign 预言机的次数分别为  $q_{H_1}, q_E, q_{pk}, q_S$ , 则存在一个算法  $C$ , 以  $\epsilon' \geq \epsilon \left(1 - \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^n\right) \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_E + q_S}$  的优势, 在时间  $t' < t + (q_{H_1} + q_E + q_{pk} + 3q_S + 2n + 2)t_{sm} + t_{inv}$  内解决 CDH 难题,  $t_{sm}$  是计算群上 1 个标量乘所用时间,  $t_{inv}$  是计算  $Z_q^*$  上 1 个求逆的时间.

**证明** 算法  $C$  调用  $A_1$  为子程序在 1 个概率多项式时间内解决 CDH 难题. 设  $(aP, bP)$  是群  $G_1$  上一个任意的 CDH 问题的实例,  $C$  将扮演为  $A_1$  的挑战者进行以下 Game:

$C$  运行 Setup 算法, 定义系统公钥  $P_{pub} = aP$ , 生成系统参数  $\text{params}: \{k, e, G_1, G_2, P, P_{pub}, H_1 \sim H_4\}$ , 发送  $\text{params}$  给  $A_1$ ,  $A_1$  执行以下询问:

**Hash 询问** 为了模拟 Hash 询问,  $C$  需维护四张列表  $L_1, L_2, L_3, L_4$  分别跟踪对  $H_1, H_2, H_3, H_4$  的询问.

**$H_1$  询问** 当  $A_1$  输入  $ID_i (1 \leq i \leq q_{H_1})$ ,  $C$  调出列表  $L_1$ , 若  $L_1$  中有记录  $(ID_i, Q_i, t_i, c)$ , 则返回  $Q_i$ . 否则  $C$  任选  $t_i \in Z_q^*$ , 抛掷偏心硬币  $c \in \{0, 1\} (\Pr[c = 0] = \frac{q_E}{q_E + 1},$

$\Pr[c = 1] = \frac{1}{q_E + 1})$ , 若  $c = 0$ , 定义  $Q_i = t_i P$ , 否则  $Q_i = t_i (bP)$ , 添加  $(ID_i, Q_i, t_i, c)$  到  $L_1$  中, 返回  $Q_i$  给  $A_1$ .

**$H_2$  询问** 当  $A_1$  输入  $P_{pub}$ ,  $C$  调出  $L_2$ , 若  $L_2$  中有记录  $(P_{pub}, l, T)$ , 则输出  $T$ , 否则选一随机数  $l \in Z_q^*$ , 定义  $T = lP$ , 添加  $(P_{pub}, l, T)$  到  $L_2$  中, 返回  $T$ .

**$H_3$  询问** 当  $A_1$  输入  $(P, P_{pub})$ ,  $C$  调出  $L_3$ , 若  $L_3$  中有  $(P, P_{pub}, j, W)$ , 则输出  $W$ , 否则选一随机数  $j (\neq l) \in Z_q^*$ , 定义  $W = jP$ . 返回  $W$ , 添加  $(P, P_{pub}, j, W)$  到  $L_3$  中.

**$H_4$  询问**  $A_1$  输入  $(m_i, ID_i, pk_{ID_i})$ , 若  $L_4$  中已有相应的记录, 返回以前定义的值. 否则, 任选  $h_i \in Z_q^*$ , 添加  $(m_i, ID_i, pk_{ID_i}, h_i)$  到  $L_4$  中, 返回  $h_i$ .

**Partial-Private-Key-Extract 询问** 给定  $ID_i$ ,  $C$  从  $L_1$  中调出相应的记录  $(ID_i, Q_i, t_i, c)$ , 若  $c = 1$ , 则失败退出. 否则, 计算  $d_{ID_i} = t_i (aP)$ , 添加  $(ID_i, d_{ID_i})$  到列表  $E^{list}$  中, 返回  $d_{ID_i}$ .

**Public-Key 询问** 当查询用户  $ID_i$  的公钥时,  $C$  调出列表  $pk^{list}$ , 若已有相应的记录, 返回以前定义的值. 否则随机选  $x_i \in Z_q^*$ , 计算  $pk_{ID_i} = x_i P$ , 返回  $pk_{ID_i}$  给  $A_1$ , 添加  $(m_i, ID_i, x_i, pk_{ID_i})$  到  $pk^{list}$  中.

**Secret-Value 询问** 当询问  $ID_i$  的秘密值时,  $C$  调出  $pk^{list}$ , 返回以前定义的秘密值. 否则随机选  $x_i \in Z_q^*$ , 计算  $pk_{ID_i} = x_i P$ , 返回  $x_i$  给  $A_1$ , 添加  $(m_i, ID_i, x_i, pk_{ID_i})$  到  $pk^{list}$  中. 如果  $ID_i$  的公钥被替换, 则输出 “ $\perp$ ”.

**Replace-Public-Key 询问**  $A_1$  能用自己选取的公钥  $pk'_{ID_i}$  代替  $ID_i$  的公钥  $pk_{ID_i}$ , 当  $A_1$  输入  $(ID_i, pk'_{ID_i})$  时,  $C$  添加  $(m_i, ID_i, \perp, pk'_{ID_i})$  到  $pk^{list}$  中.

**CL-Sign 询问** 当  $A_1$  输入消息-身份-公钥  $(m_i, ID_i, pk_{ID_i})$  查询签名时,  $C$  调出列表  $L_1, L_2, L_3$ , 找出相应的记录  $(ID_i, Q_i, t_i, c)$  和  $(P_{pub}, l, T), (P, P_{pub}, j, W)$ , 若  $c = 0$ ,  $C$  调出  $L_4$ , 找到  $(m_i, ID_i, pk_{ID_i}, h_i)$ , 任选元素  $U_i \in G_1$ , 计算  $V_i = lU_i + h_i t_i P_{pub} + j h_i pk_{ID_i}$ , 返回  $(U_i, V_i)$  给  $A_1$ , 否则  $C$  失败退出.

最后,  $A_1$  停止模拟, 输出一个有效的在  $n (\leq q_{H_1})$  个消息-身份-公钥  $(m_i^*, ID_i^*, pk_{ID_i}^*) (1 \leq i \leq n)$  上的聚合签名  $(U^*, V^*)$ , 且该签名满足 2.2 节 Game 1 中的两个条件.  $C$  调出列表  $L_1$ , 找出相应的  $n$  个记录  $(ID_i^*, Q_i^*, t_i^*, c^*) (1 \leq i \leq n)$ , 如果这  $n$  个数据中所有  $c^* = 0$  则失败退出. 否则这  $n$  条记录只要有 1 个  $c^* = 1$  就可以进行以下计算: 假设是  $(ID_i^*, Q_i^*, t_i^*, c^*)$  中的  $c^* = 1$ ,  $C$  在列表  $L_2$  中找出  $(P_{pub}, l^*, T^*)$ , 在列表  $L_3$  中找出  $(P, P_{pub}, j^*, W^*)$ , 在列表  $L_4$  中找出  $(m_i^*, ID_i^*, pk_{ID_i}^*, h_i^*) (1 \leq i \leq n)$ , 根据等式:

$$e(P, V^*) = e(U^*, T^*) e(P_{pub}, \sum_{i=1}^n h_i^* Q_i^*) \\ \cdot e(\sum_{i=1}^n h_i^* pk_{ID_i}^*, W^*)$$

$$\text{即 } e(P, V^*) = e(U^*, l^* P) e(\sum_{i=1, i \neq l}^n h_i^* t_i^* P + h_l^* t_l^* bP,$$

$$aP) e(\sum_{i=1}^n j^* h_i^* pk_{ID_i}^*, P)$$

$$\text{即 } e(P, V - l^* U - \sum_{i=1, i \neq l}^n h_i^* t_i^* (aP) - \sum_{i=1}^n j^* h_i^* pk_{ID_i}^*) \\ = e(P, h_l^* t_l^* abP).$$

$$abP =$$

$$(h_l^* t_l^*)^{-1} (V - l^* U - \sum_{i=1, i \neq l}^n h_i^* t_i^* (aP) - \sum_{i=1}^n j^* h_i^* pk_{ID_i}^*)$$

$C$  能求出  $abP$  值, 从而解决 CDH 难题.

下面分析  $C$  在 Game 中成功的概率:

定义 4 个事件  $E_1, E_2, E_3, E_4$ . 其中  $E_1$  表示  $C$  回应 Partial-Private-Key-Extract 询问时没有失败;  $E_2$  表示  $C$  回应 CL-Sign 询问时没有失败;  $E_3$  表示  $A_1$  成功的伪造了 1 个消息-身份-公钥  $(m_i^*, ID_i^*, pk_{ID_i}^*) (1 \leq i \leq n)$  上的聚合签名  $(U^*, V^*)$ ;  $E_4$  为  $n$  条记录  $(ID_i^*, Q_i^*, t_i^*, c^*) (1 \leq i \leq n)$  中至少有一个  $c^* = 1$ .

$$\text{显然 } \Pr[E_1] \geq \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_E}; \Pr[E_2 | E_1] \geq \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_s};$$

$$\Pr[E_3 | E_1 \wedge E_2] \geq \epsilon;$$

$$\Pr[E_4 | E_1 \wedge E_2 \wedge E_3] \geq 1 - \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^n;$$

$$\text{则 } \Pr[E_1 \wedge E_2 \wedge E_3 \wedge E_4]$$

$$= \Pr[E_1] \Pr[E_2 | E_1] \Pr[E_3 | E_1 \wedge E_2] \Pr[E_4 | E_1 \wedge E_2 \wedge E_3]$$

$$\geq \epsilon \left(1 - \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^n\right) \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_E + q_s}.$$

当事件  $E_1, E_2, E_3, E_4$  都发生时,  $C$  获胜, 他的概率为  $\epsilon' \geq \epsilon \left(1 - \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^n\right) \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_E + q_s}$ , 显然  $C$  在 Game 中所用时间为

$$t' < t + (q_{H_1} + q_{H_4} + q_E + q_{pk} + 3q_s + n + 3)t_{sm} + t_{inv}.$$

**引理 2** 在随机预言机模型下, 假定敌手  $A_2$  在时间  $t$  以内以不可忽略的优势  $\epsilon$  突破了本文方案, 记  $A_2$  访问  $H_1$  预言机, Partial-Private-Key-Extract 预言机, Public-Key 预言机, CL-Sign 预言机的次数分别为  $q_{H_1}, q_E, q_{pk}, q_s$ , 则存在一个算法  $C$ , 以  $\epsilon' \geq \epsilon \left(1 - \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^n\right) \left(\frac{q_E}{q_E + 1}\right)^{q_{pk} + q_s}$  的优势, 在时间  $t' < t + (q_{H_1} + q_E + q_{pk} + 3q_s + 2n + 2)t_{sm} + t_{inv}$  内解决 CDH 问题.

**证明**  $C$  运行 Setup 算法, 定义  $P_{pub} = sP$ , 生成 params:  $\{k, e, G_1, G_2, P, P_{pub}, H_1 \sim H_4\}$ , 将 params 和系

统主密钥  $s$  发给  $A_2$ ,  $A_2$  执行以下询问:

**$H_1$  询问** 输入  $ID_i, C$  调出  $L_1$ . 若  $L_1$  中有  $(ID_i, t_i, Q_i)$ , 则返回  $Q_i$ . 否则  $C$  任选  $t_i \in Z_q^*$ , 令  $Q_i = t_i P$ , 添加  $(ID_i, t_i, Q_i)$  到  $L_1$  中, 返回  $Q_i$  给  $A_2$ .

**$H_2 \sim H_4$  询问** 与引理 1 中相应预言机应答相同.

**Partial-Private-Key-Extract 询问** 给定  $ID_i, C$  从  $L_1$  中调出  $(ID_i, t_i, Q_i)$ , 计算  $d_{ID_i} = t_i sP$ . 添加  $(ID_i, d_{ID_i})$  到  $E^{list}$  中, 返回  $d_{ID_i}$ .

**Public-Key 询问** 当查询  $ID_i$  公钥时,  $C$  抛掷偏心硬币  $c \in \{0, 1\}$ , 若  $c = 0$ , 随机选  $x_i \in Z_q^*$ , 定义  $pk_{ID_i} = x_i P$ , 否则定义  $pk_{ID_i} = x_i(aP)$ , 返回  $pk_{ID_i}$  给  $A_2$ , 添加  $(ID_i, x_i, pk_{ID_i}, c)$  到  $pk^{list}$  中.

**Secret-Value 询问, CL-Sign 询问** 与引理 1 中相应预言机应答相同.

最后, 若  $A_2$  输出伪造的有效签名  $(U^*, V^*)$ , 则  $C$  能求出  $abP$  值, 解决 CDH 难题.

$$abP = (jh_l t_l)^{-1} (V - lU - \sum_{i=1}^n sh_i t_i P - \sum_{i=1, i \neq l}^n jbh_i x_i P)$$

### 3.3 方案的效率分析

若用  $s$  表示群  $G_1$  上 1 次标量乘计算,  $p$  表示 1 个双线性对的计算,  $L$  表示  $G_1$  群元素的长度,  $\{0, 1\}^*$  是 1 个 0、1 比特串, 则本文签名长度仅为  $2L$ , 签名与验证计算总量为  $6ns + 4p$ , 文献[8]中方案 I 的签名长度  $(n + 1)L$ , 总计算量  $2ns + (2n + 1)p$ , 方案 II 的签名长度  $3L$ , 总计算量  $4ns + (n + 2)p$ , 文献[9]的签名长度  $(n + 1)L$ , 总计算量  $3ns + (n + 3)p$ , 文献[10]的签名长度  $2L + \{0, 1\}^*$ , 总计算量  $7ns + 5p$ .

显然, 本文方案就聚合签名的长度及计算量来说, 其效率明显高于文献[8~10]中方案.

## 4 结论

利用双线性对提出了一个新的无证书聚合签名方案, 经证明该方案在适应性选择消息攻击下是存在性不可伪造的, 且方案就计算量与签名长度来说是目前效率最高的. 以后的工作是构造在标准模型下可证明安全的无证书聚合签名方案.

### 参考文献

- [1] A Shamir. Identity-based cryptosystems and signature schemes [A]. Advances in Cryptology-CRYPTO 1984 [C]. Berlin: Springer, 1984. 47-53.
- [2] 王竹, 戴一奇, 叶顶峰. 普适安全的基于身份的签名机制 [J]. 电子学报, 2011, 39(7): 1613-1617.  
WANG Zhu, DAI Yi-qi, YE Ding-feng. Universally composable identity-based signature [J]. Acta Electronica Sinica, 2011, 39(7): 1613-1617. (in Chinese)

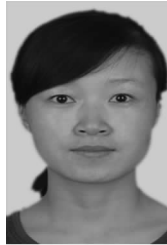
- [3] Du Hongzhen, Wen Qiaoyan. An efficient identity-based short signature scheme from bilinear pairings [A]. Proceedings of CIS 2007[C]. USA: IEEE, 2007, 725 – 729.
- [4] 蔡永泉, 张雪迪, 姜楠. 一种新的基于身份的门限签名方案[J]. 电子学报, 2009, 37(4A): 102 – 105.  
CAI Yong-quan, ZHANG Xue-di, JIANG Nan. A novel identity-based threshold signature [J]. Acta Electronica Sinica, 2009, 37(4A): 102 – 105. (in Chinese)
- [5] 李进, 张方国, 王燕鸣. 两个高效的基于分级身份的签名方案[J]. 电子学报, 2007, 35(1): 150 – 152.  
LI Jin, ZHANG Fang-guo, WANG Yan-ming. Two efficient hierarchical identity-based signature schemes [J]. Acta Electronica Sinica, 2007, 35(1): 150 – 152. (in Chinese)
- [6] S S Al-Riyami, KG Paterson. Certificateless Public Key Cryptography [A]. Advances in Cryptology-Asiacrypt 2003 [C]. Berlin: Springer, 2003. 452 – 474.
- [7] D Boneh, C Gentry, B Lynn, et al. Aggregate and verifiably encrypted signatures from bilinear maps [A]. Proceedings of Cryptology-Eurocrypt 2003 [C]. Berlin: Springer, 2003. 416 – 432.
- [8] Z Gong, Y Long, et al. Two certificateless aggregate signatures from bilinear maps [A]. Proceedings of IEEE SNPD 2007 [C]. USA: IEEE, 2007. 188 – 193.
- [9] L Zhang, F T Zhang, A new certificateless aggregate signature scheme [J]. Computer Communications, 2009, 32(6): 1079 – 1085.
- [10] L Zhang, Q Bo, et al. Efficient many-to-one authentication with certificateless aggregate signatures [J]. Computer Networks, 2010, 54(14): 2482 – 2491.

#### 作者简介



杜红珍 女, 1978 年 12 月出生, 陕西扶风人, 副教授、博士, 主要从事密码学、数字签名研究.

E-mail: hongzhendu@163.com



黄梅娟 女, 1980 年 3 月出生, 陕西岐山人, 讲师、硕士, 主要从事密码学研究.